

**WYMAGANIA EDUKACYJNE Z MATEMATYKI NIEZBĘDNE DO UZYSKANIA PRZEZ UCZNIA**

**POSZCZEGÓLNYCH ŚRÓDROCZNYCH I ROCZNYCH OCEN KLASYFIKACYJNYCHWYNIKAJĄCYCH Z REALIZOWANEGO PROGRAMU NAUCZANIA**

**Marcin Kurczab, Elżbieta Kurczab, Elżbieta Świda, Tomasz Szwed/**

**Matematyka. Solidna od podstaw. Program nauczania w liceach i technikach/**

**Wydawnictwo Oficyna Edukacyjna Krzysztof Pazdro (LICEUM 4-LETNIE)**

**ZAKRES ROZSZERZONY KLASA DRUGA 2C, 2D, 2G, 2H1, 2H2**

|  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **Szczegółowe wymagania edukacyjne dla klas z rozszerzeniem z** | | | | | | | |
| Ocenę **niedostateczną** otrzymuje uczeń, który nie spełnia wymagań edukacyjnych niezbędnych do uzyskania oceny dopuszczającej. | | | | | | | |
| Wymagania edukacyjne niezbędne do uzyskania **oceny dopuszczającej** | | Wymagania edukacyjne niezbędne do uzyskania **oceny dostatecznej** | | Wymagania edukacyjne niezbędne do uzyskania **oceny dobrej** | | Wymagania edukacyjne niezbędne do uzyskania **oceny bardzo dobrej** | Wymagania edukacyjne niezbędne do uzyskania **oceny celującej** |
| **PRZEKSZTAŁCENIA WYKRESÓW FUNKCJI** | | | | | | | |
| * zna określenie wektora i potrafi podać jego cechy; * potrafi obliczyć współrzędne wektora, mając dane współrzędne początku i końca wektora * potrafi wyznaczyć długość wektora (odległość między punktami na płaszczyźnie kartezjańskiej) * zna określenie wektorów równych i wektorów przeciwnych * potrafi wykonywać działania na wektorach: dodawanie, odejmowanie oraz mnożenie przez liczbę (analitycznie) * potrafi podać współrzędne punktu, który jest obrazem danego punktu w symetrii osiowej względem osi OX oraz osi OY * potrafi podać współrzędne punktu, który jest obrazem danego punktu w symetrii środkowej względem punktu (0,0) * potrafi narysować wykres funkcji y = f(x) + q, y = f(x – p),  y = f(x – p) + q, y = –f(x), y = f(–x) oraz y = –f(–x) w przypadku, gdy dany jest wykres funkcji y = f(x) | | * potrafi obliczyć współrzędne początku wektora (końca wektora), gdy dane ma współrzędne wektora oraz współrzędne końca (początku) wektora * potrafi stosować własności wektorów równych i przeciwnych do rozwiązywania zadań * potrafi podać współrzędne punktu, który jest obrazem danego punktu w przesunięciu równoległym o dany wektor * potrafi narysować wykres funkcji y = f(x) + q, y = f(x – p), y = f(x – p) + q, y = –f(x), y = f(–x) oraz y = –f(–x) w przypadku, gdy dany jest wykres funkcji y = f(x) * umie podać własności funkcji: y = f(x) + q, y = f(x – p), y = f(x – p) + q, y = –f(x), y = f(–x), y = –f(–x) w oparciu o dane własności funkcji y = f(x) * potrafi zapisać wzór funkcji, której wykres otrzymano w wyniku przekształcenia wykresu funkcji f przez symetrię osiową względem osi OX, symetrię osiową względem osi OY, symetrię środkową względem początku układu współrzędnych, przesunięcie równoległe o dany wektor. | | * potrafi stosować własności działań na wektorach w rozwiązywaniu zadań o średnim stopniu trudności * potrafi stosować własności przekształceń geometrycznych przy rozwiązywaniu zadań o średnim stopniu trudności * potrafi stosować własności działań na wektorach w rozwiązywaniu zadań o średnim stopniu trudności | | * wie, jakie wektory są równe, a jakie przeciwne; * potrafi wektory dodawać, odejmować i mnożyć przez liczbę; * zna prawa dotyczące działań na wektorach; * potrafi stosować wiedzę o wektorach w rozwiązywaniu zadań geometrycznych; * potrafi naszkicować wykres funkcji, którego sporządzenie wymaga kilku poznanych przekształceń * potrafi stosować własności działań na wektorach w rozwiązywaniu zadań typowych o podwyższonym stopniu trudności * potrafi stosować własności przekształceń geometrycznych przy rozwiązywaniu zadań o podwyższonym stopniu trudności | * potrafi rozwiązywać nietypowe zadania (o podwyższonym stopniu trudności), dotyczące przekształceń wykresów funkcji oraz własności funkcji |
| **II. RÓWNANIA I NIERÓWNOŚCI Z WARTOŚCIĄ BEZWZGLĘDNĄ I PARAMETREM** | | | | | | | |
| * zna definicję wartości bezwzględnej liczby rzeczywistej i jej interpretację geometryczną * potrafi obliczyć wartość bezwzględną liczby * umie zapisać i obliczyć odległość na osi liczbowej między dwoma dowolnymi punktami * rozwiązuje proste równania z wartością bezwzględną typu  | x – a | = b * zaznacza na osi liczbowej liczby o danej wartości bezwzględnej | | * potrafi zaznaczyć na osi liczbowej zbiory opisane za pomocą równań i nierówności z wartością bezwzględną typu: | x – a | = b, | x – a | < b, | x – a | > b * potrafi uprościć wyrażenie z wartością bezwzględną dla zmiennej z danego przedziału * potrafi na podstawie zbioru rozwiązań nierówności z wartością bezwzględną zapisać tę nierówność * wyznacza na osi liczbowej współrzędne punktu odległego od punktu o danej współrzędnej o daną wartość | | * rozwiązuje równania oraz nierówności z wartością bezwzględną metodą graficzną | | * potrafi przeprowadzić dyskusję liczby rozwiązań równania liniowego z parametrem * rozwiązuje algebraicznie i graficznie równania oraz nierówności z wartością bezwzględną o podwyższonym stopniu trudności | * rozwiązuje zadanie nietypowe, o podwyższonym stopniu trudności; |
| **III. FUNKCJA KWADRATOWA** | | | | | | | |
| * potrafi naszkicować wykres funkcji kwadratowej określonej wzorem y = ax2, gdzie a≠0, oraz omówić jej własności na podstawie wykresu; * zna wzór funkcji kwadratowej w postaci ogólnej i kanonicznej; * potrafi, bez użycia wzorów w wybranych przypadkach, obliczyć miejsca zerowe funkcji kwadratowej lub uzasadnić, że funkcja kwadratowa nie ma miejsc zerowych; * potrafi obliczyć współrzędne wierzchołka paraboli na podstawie poznanego wzoru oraz na podstawie znajomości miejsc zerowych funkcji kwadratowej; * potrafi na podstawie wykresu podać własności funkcji kwadratowej oraz odczytać zbiór tych argumentów, dla których funkcja przyjmuje wartości dodatnie czy ujemne; * zna wzór funkcji kwadratowej w postaci iloczynowej y = a(x – x1)(x – x2), gdzie a≠0 * zna wzory pozwalające obliczyć: wyróżnik funkcji kwadratowej, współrzędne wierzchołka paraboli, miejsca zerowe funkcji kwadratowej (o ile istnieją) * odczytuje wartości pierwiastków na podstawie postaci iloczynowej * potrafi obliczyć miejsca zerowe funkcji kwadratowej lub uzasadnić, że funkcja kwadratowa nie ma miejsc zerowych; * potrafi sprawnie zamieniać wzór funkcji kwadratowej (wzór w postaci kanonicznej na wzór w postaci ogólnej i odwrotnie, wzór w postaci iloczynowej na wzór w postaci kanonicznej itp.) * interpretuje współczynniki występujące we wzorze funkcji kwadratowej w postaci kanonicznej, w postaci ogólnej i w postaci iloczynowej (o ile istnieje) * potrafi naszkicować wykres dowolnej funkcji kwadratowej, korzystając z jej wzoru; * potrafi na podstawie wykresu funkcji kwadratowej omówić jej własności; * potrafi algebraicznie rozwiązywać równania kwadratowe z jedną niewiadomą; * potrafi graficznie rozwiązywać równania i nierówności kwadratowe z jedną niewiadomą; * rozwiązuje algebraicznie nierówność kwadratową, jeżeli   Δ> 0 | | * potrafi zastosować własności funkcji kwadratowej do rozwiązywania prostych zadania optymalizacyjnych; * potrafi rozwiązywać zadania prowadzące do równań kwadratowych z jedną niewiadomą (w tym także zadania geometryczne); * potrafi przeanalizować zjawisko z życia codziennego opisane wzorem (wykresem) funkcji kwadratowej; * potrafi opisać dane zjawisko za pomocą wzoru funkcji kwadratowej; * potrafi obliczyć współrzędne wierzchołka paraboli na podstawie poznanego wzoru oraz na podstawie znajomości miejsc zerowych funkcji kwadratowej; * rozwiązuje nierówność kwadratową, jeżeli Δ ≤ 0 * potrafi napisać wzór funkcji kwadratowej o zadanych własnościach; * potrafi podać niektóre własności funkcji kwadratowej (bez szkicowania jej wykresu) na podstawie wzoru funkcji w postaci kanonicznej (np. przedziały monotoniczności funkcji, równanie osi symetrii paraboli, zbiór wartości funkcji) oraz na podstawie wzoru funkcji w postaci iloczynowej (np. zbiór tych argumentów, dla których funkcja przyjmuje wartości dodatnie czy ujemne); * potrafi napisać wzór funkcji kwadratowej na podstawie informacji o jej wykresie; * potrafi wyznaczyć najmniejszą oraz największą wartość funkcji kwadratowej w danym przedziale domkniętym; | | * potrafi opisywać zależności między wielkościami za pomocą funkcji kwadratowej; * potrafi rozwiązywać nietypowe zadania tekstowe z kontekstem praktycznym, stosując funkcję kwadratową; * potrafi rozwiązywać zadania optymalizacyjne * potrafi rozwiązywać równania prowadzące do równań kwadratowych * potrafi opisywać zależności między wielkościami za pomocą funkcji kwadratowej; * potrafi rozwiązywać nietypowe zadania tekstowe z kontekstem praktycznym, stosując funkcję kwadratową; * potrafi rozwiązywać zadania optymalizacyjne | | * potrafi rozwiązywać nietypowe zadania optymalizacyjne wykorzystujące własności funkcji kwadratowej. * potrafi rozwiązywać zadania z parametrem o podwyższonym stopniu trudności dotyczące własności funkcji kwadratowej; * potrafi rozwiązywać zadania na dowodzenie dotyczące własności funkcji kwadratowej; * potrafi rozwiązywać nietypowe zadania optymalizacyjne wykorzystujące własności funkcji kwadratowej. * potrafi rozwiązywać zadania z parametrem o podwyższonym stopniu trudności dotyczące własności funkcji kwadratowej; | * potrafi rozwiązywać różne problemy dotyczące funkcji kwadratowej, które wymagają niestandardowych metod pracy oraz niekonwencjonalnych pomysłów. * potrafi rozwiązywać różne problemy dotyczące funkcji kwadratowej, które wymagają niestandardowych metod pracy oraz niekonwencjonalnych pomysłów |
| **IV.GEOMETRIA PŁASKA - OKRĘGI I KOŁA** | | | | | | | |
| * zna figury podstawowe (punkt, prosta, płaszczyzna, przestrzeń) i potrafi zapisać relacje między nimi; * zna pojęcie figury wypukłej i wklęsłej; potrafi podać przykłady takich figur; * zna pojęcie figury ograniczonej i figury nieograniczonej, potrafi podać przykłady takich figur; * zna i rozumie pojęcie współliniowości punktów; * zna określenie kąta i podział kątów ze względu na ich miarę; * zna pojęcie kątów przyległych i kątów wierzchołkowych oraz potrafi zastosować własności tych kątów w rozwiązywaniu prostych zadań; * rozumie pojęcie odległości, umie wyznaczyć odległość dwóch punktów, punktu od prostej; * zna pojęcie dwusiecznej kąta i symetralnej odcinka, potrafi zastosować własność dwusiecznej kąta oraz symetralnej odcinka w rozwiązywaniu prostych zadań, * umie skonstruować dwusieczną danego kąta i symetralną danego odcinka; | * zna twierdzenie Talesa; potrafi je stosować do podziału odcinka w danym stosunku, do konstrukcji odcinka o danej długości, do obliczania długości odcinka w prostych zadaniach; * zna twierdzenie odwrotne do twierdzenia Talesa i potrafi je stosować do uzasadnienia równoległości odpowiednich odcinków lub prostych; * zna wnioski z twierdzenia Talesa i potrafi je stosować w rozwiązywaniu prostych zadań; * zna podział trójkątów ze względu na boki i kąty; * umie określić na podstawie długości boków trójkąta, czy trójkąt jest ostrokątny, czy rozwartokątny; * umie narysować wysokości w trójkącie i wie, że wysokości (lub ich przedłużenia) przecinają się w jednym punkcie - ortocentrum; * zna pojęcie środka ciężkości trójkąta; * zna twierdzenie o symetralnych boków w trójkącie; * zna trzy cechy przystawania trójkątów i potrafi je zastosować przy rozwiązywaniu prostych zadań; * zna cechy podobieństwa trójkątów; potrafi je stosować do rozpoznawania trójkątów podobnych i przy rozwiązaniach prostych zadań; * umie obliczyć skalę podobieństwa trójkątów podobnych. * potrafi wykorzystywać twierdzenie o stycznej do okręgu przy rozwiązywaniu prostych zadań; * zna twierdzenia dotyczące kątów wpisanych i środkowych i umie je zastosować przy rozwiązywaniu prostych zadań * ~~potrafi zastosować twierdzenie o stycznej i siecznej w rozwiązywaniu prostych zadań;~~ * ~~potrafi zastosować twierdzenie o cięciwach;~~ * rozwiązuje zadania związane z okręgiem opisanym na trójkącie * rozwiązuje zadania dotyczące okręgu wpisanego w trójkąt prostokątny | | * zna pojęcie łamanej, łamanej zwyczajnej, łamanej zwyczajnej zamkniętej; * zna definicję wielokąta; * zna i potrafi stosować wzór na liczbę przekątnych wielokąta; * wie, jaki wielokąt nazywamy foremnym; * potrafi udowodnić twierdzenie dotyczące sumy miar kątów wewnętrznych wielokąta wypukłego; * potrafi udowodnić, że suma miar kątów zewnętrznych wielokąta wypukłego jest stała; * potrafi udowodnić twierdzenie o odcinku łączącym środki boków w trójkącie; * zna i umie zastosować w zadaniach własność wysokości w trójkącie prostokątnym, poprowadzonej na przeciwprostokątną; * potrafi skonstruować styczną do okręgu, przechodzącą przez punkt leżący w odległości większej od środka okręgu niż długość promienia okręgu; * potrafi skonstruować styczną do okręgu przechodzącą przez punkt leżący na okręgu; * ~~wie, co to jest kąt dopisany do okręgu;~~ * zna twierdzenie o kątach wpisanym ~~i dopisanym do okręgu,~~ opartych na tym samym łuku; * potrafi rozwiązywać zadania o średnim stopniu trudności dotyczące okręgów, stycznych, kątów środkowych, wpisanych i ~~dopisanych~~, z zastosowaniem poznanych twierdzeń; * potrafi rozwiązywać zadania o średnim stopniu trudności dotyczące położenia dwóch okręgów; * potrafi przeprowadzać konstrukcje geometryczne * stosuje własności środka okręgu opisanego na trójkącie w zadaniach * rozwiązuje zadania związane z okręgiem wpisanym w trójkąt; | | * potrafi udowodnić proste własności trójkątów, wykorzystując cechy przystawania trójkątów; * potrafi uzasadnić, że symetralna odcinka jest zbiorem punktów płaszczyzny równoodległych od końców odcinka; * potrafi uzasadnić, że każdy punkt należący do dwusiecznej kąta leży w równej odległości od ramion tego kąta; * potrafi udowodnić twierdzenie o symetralnych boków; * potrafi stosować cechy podobieństwa trójkątów do rozwiązania zadań z wykorzystaniem innych, wcześniej poznanych własności; * potrafi rozwiązywać zadania o średnim stopniu trudności dotyczące trójkątów, z zastosowaniem poznanych do tej pory twierdzeń; * potrafi rozwiązywać zadania dotyczące trójkątów, w których wykorzystuje twierdzenia poznane wcześniej ( tw. Pitagorasa, tw. Talesa, * potrafi rozwiązywać zadania dotyczące okręgów, stycznych, kątów środkowych, wpisanych ~~i dopisanych~~, z zastosowaniem poznanych twierdzeń; * potrafi rozwiązywać zadania dotyczące położenia dwóch okręgów; * potrafi rozwiązywać zadania złożone, wymagające wykorzystania równocześnie kilku poznanych własności; * potrafi rozwiązywać zadania o dotyczące stycznych i siecznych; * przeprowadza dowody dotyczące okręgu wpisanego w trójkąt oraz okręgu opisanego na trójkącie; | | * potrafi rozwiązywać nietypowe zadania o podwyższonym stopniu trudności dotyczące odcinków, prostych, półprostych, kątów i kół, w tym z zastosowaniem poznanych twierdzeń; * zna i potrafi udowodnić twierdzenie o dwusiecznych kątów przyległych; * umie udowodnić własności figur geometrycznych w oparciu o poznane twierdzenia. * potrafi rozwiązywać zadania o podwyższonym stopniu trudności, dotyczących trójkątów, z wykorzystaniem poznanych twierdzeń; * potrafi udowodnić twierdzenie o środkowych w trójkącie; * potrafi udowodnić twierdzenie dotyczące wysokości w trójkącie prostokątnym, poprowadzonej na przeciwprostokątną. * potrafi rozwiązywać nietypowe zadania geometryczne o podwyższonym stopniu trudności z wykorzystaniem poznanych pojęć geometrii; * potrafi rozwiązywać nietypowe zadania o podwyższonym stopniu trudności dotyczące odcinków, prostych, półprostych, kątów i kół, w tym z zastosowaniem poznanych twierdzeń; * umie udowodnić twierdzenia o kątach środkowych i wpisanych w koło; * ~~umie udowodnić twierdzenie o kącie dopisanym do okręgu;~~ * umie udowodnić własności figur geometrycznych w oparciu o poznane twierdzenia. |
| * zna własności kątów utworzonych między dwiema prostymi równoległymi, przeciętymi trzecią prostą i umie zastosować je w rozwiązywaniu prostych zadań; * potrafi uzasadnić równoległość dwóch prostych, znajdując równe kąty odpowiadające; * potrafi obliczyć sumę miar kątów w wielokącie; * zna definicję koła i okręgu, poprawnie posługuje się terminami: promień, środek okręgu, cięciwa, średnica, łuk okręgu; * potrafi określić wzajemne położenie prostej i okręgu, podaje poprawnie nazwy siecznej i stycznej; * zna definicję stycznej do okręgu; * zna twierdzenie o stycznej do okręgu; * zna twierdzenie o odcinkach stycznych; * umie określić wzajemne położenie dwóch okręgów; * posługuje się terminami: kąt wpisany w koło, kąt środkowy koła; * ~~zna twierdzenie o stycznej i siecznej;~~ * ~~zna twierdzenie o cięciwach;~~ * zna pojęcia okręgu opisanego na trójkącie i okręgu wpisanego w trójkąt; * potrafi opisać okrąg na trójkącie i wpisać okrąg w trójkąt; |
| **V. TRYGONOMETRIA** | | | | | | | |
| * zna definicje funkcji trygonometrycznych w trójkącie prostokątnym; * potrafi obliczyć wartości funkcji trygonometrycznych kąta ostrego w trójkącie prostokątnym o danych długościach boków; * ~~potrafi korzystać z przybliżonych wartości funkcji trygonometrycznych (odczytanych z tablic lub obliczonych za pomocą kalkulatora);~~ * potrafi rozwiązywać trójkąty prostokątne; * zna wartości funkcji trygonometrycznych kątów o miarach 30, 45, 60; * zna definicje funkcji trygonometrycznych dowolnego kąta; * potrafi obliczać wartości funkcji trygonometrycznych kąta, gdy dane są współrzędne punktu leżącego na drugim ramieniu kąta * zna tożsamości i związki pomiędzy funkcjami trygonometrycznymi tego samego kąta; * Zna wzory redukcyjne kątów: ; | * potrafi obliczać wartości wyrażeń zawierających funkcje trygonometryczne kątów o miarach 30°, 45°, 60°; * zna zależności między funkcjami trygonometrycznymi tego samego kąta ostrego; * potrafi obliczyć wartości pozostałych funkcji trygonometrycznych kąta wypukłego, gdy dana jest jedna z nich; * potrafi stosować wzory redukcyjne kątów: w obliczaniu wartości wyrażeń; * umie zbudować w układzie współrzędnych dowolny kąt o mierze a, gdy dana jest wartość jednej funkcji trygonometrycznej tego kąta; * potrafi posługiwać się definicjami funkcji trygonometrycznych dowolnego kąta w rozwiązywaniu zadań; * potrafi wyznaczyć wartości pozostałych funkcji trygonometrycznych kąta, gdy dana jest jedna z nich; * potrafi upraszczać wyrażenia zawierające funkcje trygonometryczne; | | * potrafi skonstruować kąt, jeżeli dana jest wartość jednej z funkcji trygonometrycznych; * potrafi przeprowadzać dowody tożsamości trygonometrycznych; * potrafi rozwiązywać zadania z kontekstem praktycznym stosując trygonometrię kąta ostrego; * potrafi stosować podstawowe tożsamości trygonometryczne (dla dowolnego kąta, dla którego funkcje trygonometryczne są określone) * potrafi dowodzić tożsamości trygonometryczne: * potrafi stosować wybrane wzory redukcyjne w zadaniach o podwyższonym stopniu trudności; | | * potrafi rozwiązywać zadania o średnim stopniu trudności, wykorzystując wiedzę o figurach geometrycznych oraz trygonometrię kąta ostrego; * potrafi rozwiązywać zadania o średnim stopniu trudności, wykorzystując wcześniej zdobytą wiedzę (np. wzory skróconego mnożenia) oraz trygonometrię kąta ostrego; * potrafi rozwiązywać trudne zadania, korzystając ze wzorów redukcyjnych; * potrafi rozwiązywać trudne zadania, wykorzystując podstawowe tożsamości trygonometryczne; | | * potrafi rozwiązywać zadania o podwyższonym stopniu trudności, wymagające niekonwencjonalnych pomysłów i metod. * potrafi rozwiązywać zadania o podwyższonym stopniu trudności, wymagające niekonwencjonalnych pomysłów i metod. * potrafi rozwiązywać różne zadania z innych działów matematyki, w których wykorzystuje się wiadomości i umiejętności z trygonometrii. |
| **VI. GEOMETRIA ANALITYCZNA** | | | | | | | |
| * wie, jaką zależność między dwiema wielkościami zmiennymi nazywamy proporcjonalnością prostą; * potrafi wskazać współczynnik proporcjonalności; * rozwiązuje zadania tekstowe z zastosowaniem proporcjonalności prostej; * zna pojęcie i wzór funkcji liniowej; * potrafi interpretować współczynniki we wzorze funkcji liniowej (monotoniczność, położenie wykresu funkcji liniowej w ćwiartkach układu współrzędnych, zależność współrzędnych punktu przecięcia wykresu z osią y od współczynnika b); * potrafi sporządzić wykres funkcji liniowej danej wzorem; * potrafi wyznaczyć algebraicznie i graficznie zbiór tych argumentów, dla których funkcja liniowa przyjmuje wartości dodatnie (ujemne, niedodatnie, nieujemne); * potrafi sprawdzić algebraicznie, czy punkt o danych współrzędnych należy do wykresu funkcji liniowej; * potrafi podać własności funkcji liniowej na podstawie wykresu tej funkcji; * zna twierdzenie o współczynniku kierunkowym (wzór); * potrafi znaleźć wzór funkcji liniowej o zadanych własnościach; * potrafi napisać wzór funkcji liniowej na podstawie informacji o jej wykresie; * zna i rozumie pojęcie współliniowości punktów; * potrafi obliczyć długość odcinka, znając współrzędne jego końców * zna definicję równania kierunkowego prostej oraz znaczenie współczynników występujących w tym równaniu (w tym również związek z kątem nachylenia prostej do osi OX); * zna definicję równania ogólnego prostej; * potrafi napisać równanie ogólne prostej przechodzącej przez dwa punkty; * zna warunek równoległości oraz prostopadłości prostych danych równaniami kierunkowymi/ogólnymi; * rozpoznaje równanie okręgu w postaci kanonicznej ~~i zredukowanej;~~ * ~~potrafi sprowadzić równanie okręgu z postaci kanonicznej do zredukowanej;~~ * potrafi odczytać z równania okręgu współrzędne środka i promień okręgu; * potrafi napisać równanie okręgu, gdy zna współrzędne środka i promień tego okręgu; * umie sprawdzić czy punkt należy do okręgu w postaci kanonicznej ~~oraz zredukowanej;~~ * potrafi narysować w układzie współrzędnych okrąg na podstawie danego równania opisującego okrąg; * wie, jaką zależność między dwiema wielkościami zmiennymi nazywamy proporcjonalnością prostą; | * potrafi naszkicować wykres funkcji kawałkami liniowej i na jego podstawie omówić własności danej funkcji; * potrafi wyznaczyć algebraicznie miejsca zerowe funkcji kawałkami liniowej oraz współrzędne punktu wspólnego wykresu funkcji i osi OY; * potrafi wyznaczyć algebraicznie zbiór tych argumentów, dla których funkcja kawałkami liniowa przyjmuje wartości dodatnie (ujemne); * potrafi obliczyć wartość funkcji kawałkami liniowej dla podanego argumentu; * potrafi napisać wzór funkcji liniowej, której wykres jest równoległy do wykresu danej funkcji liniowej i przechodzi przez punkt o danych współrzędnych; * potrafi stosować wiadomości o funkcji liniowej do opisu zjawisk z życia codziennego (podać opis matematyczny zjawiska w postaci wzoru funkcji liniowej, odczytać informacje z wykresu lub wzoru, zinterpretować je, przeanalizować i przetworzyć); * potrafi wyznaczyć miarę kąta nachylenia do osi OX prostej opisanej równaniem kierunkowym; * potrafi napisać równanie kierunkowe prostej znając jej kąt nachylenia do osi OX i współrzędne punktu, który należy do prostej; * potrafi napisać równanie kierunkowe prostej przechodzącej przez dane dwa punkty (o różnych odciętych); * potrafi stosować warunek równoległości oraz prostopadłości prostych opisanych równaniami kierunkowymi/ogólnymi do wyznaczenia równania prostej równoległej/prostopadłej i przechodzącej przez dany punkt; * ~~potrafi sprowadzić równanie okręgu z postaci zredukowanej do kanonicznej;~~ * potrafi napisać równanie okręgu mając trzy punkty należące do tego okręgu; * potrafi określić wzajemne położenie prostej o danym równaniu względem okręgu o danym równaniu (po wykonaniu stosownych obliczeń); * potrafi określić wzajemne położenie dwóch okręgów danych równaniami (na podstawie stosownych obliczeń); * potrafi naszkicować wykres funkcji kawałkami liniowej i na jego podstawie omówić własności danej funkcji; | | * potrafi udowodnić, na podstawie definicji, niektóre własności funkcji liniowej, takie jak: monotoniczność, różnowartościowość itp.; * potrafi wyznaczać parametr we współczynnikach wzoru funkcji liniowej, znając jej miejsce zerowe lub punkt należący do jej wykresu; * potrafi rozwiązywać zadania z parametrem dotyczące równoległości/prostopadłości prostych * potrafi obliczyć współrzędne punktów wspólnych prostej i okręgu lub stwierdzić, że prosta i okrąg nie mają punktów wspólnych; * ~~potrafi obliczyć współrzędne punktów wspólnych paraboli i okręgu;~~ * potrafi rozwiązywać algebraicznie oraz podać jego interpretację graficzną układ równań; * potrafi zastosować układy równań do rozwiązywania zadań z geometrii analitycznej o średnim stopniu trudności; * potrafi udowodnić, na podstawie definicji, niektóre własności funkcji liniowej, takie jak: monotoniczność, różnowartościowość itp.; * potrafi udowodnić, na podstawie definicji, niektóre własności funkcji liniowej, takie jak: monotoniczność, różnowartościowość itp.; | | * potrafi przeprowadzić dyskusję liczby rozwiązań równania liniowego z parametrem (z dwoma parametrami) interpretującego liczbę miejsc zerowych/monotoniczność funkcji liniowej; * sprawdzić czy podane trzy punkty są współliniowe * rozwiązywać trudniejsze zadania z kontekstem praktycznym dotyczące funkcji liniowej; * zna definicję wektora na płaszczyźnie (bez układu współrzędnych); * wie, jakie wektory są równe, a jakie przeciwne; * potrafi wektory dodawać, odejmować i mnożyć przez liczbę; * zna prawa dotyczące działań na wektorach; * potrafi stosować wiedzę o wektorach w rozwiązywaniu zadań geometrycznych; * potrafi rozwiązywać zadania z parametrem dotyczące punktu przecięcia prostych; * potrafi zastosować układy równań do rozwiązywania zadań z geometrii analitycznej o wysokim stopniu trudności; * potrafi rozwiązać różne zadania dotyczące okręgów, w których koniczne jest zastosowanie wiadomości z różnych działów matematyki; * potrafi przeprowadzić dyskusję liczby rozwiązań równania liniowego z parametrem (z dwoma parametrami) interpretującego liczbę miejsc zerowych/monotoniczność funkcji liniowej; | | * rozwiązuje zadania nietypowe dotyczące funkcji liniowej o podwyższonym stopniu trudności; * potrafi rozwiązywać zadania z geometrii analitycznej o podwyższonym stopniu trudności * potrafi rozwiązywać zadania z geometrii analitycznej wymagające nieszablonowych rozwiązań; * rozwiązuje zadania nietypowe dotyczące funkcji liniowej o podwyższonym stopniu trudności; |
|  |
| **VII. GEOMETRIA PŁASKA –ROZWIĄZYWANIE TRÓJKĄTÓW, POLE KOŁA, POLE TRÓJKĄTA** | | | | | | | |
| * zna twierdzenie sinusów; * zna twierdzenie cosinusów; * rozumie pojęcie pola figury; zna wzór na pole kwadratu i pole prostokąta; * zna co najmniej 4 wzory na pola trójkąta; * potrafi obliczyć wysokość trójkąta, korzystając ze wzoru na pole; * zna twierdzenie o polach figur podobnych; * zna wzór na pole koła i pole wycinka koła; * wie, że pole wycinka koła jest wprost proporcjonalne do miary odpowiadającego mu kąta środkowego koła i jest wprost proporcjonalne do długości odpowiadającego mu łuku okręgu oraz umie zastosować tę wiedzę przy rozwiązywaniu prostych zadań | * potrafi stosować twierdzenie sinusów w rozwiązywaniu trójkątów; * potrafi stosować twierdzenie cosinusów w rozwiązywaniu trójkątów; * potrafi rozwiązywać proste zadania geometryczne dotyczące trójkątów, wykorzystując wzory na pole trójkąta i poznane wcześniej twierdzenia; * potrafi rozwiązywać proste zadania geometryczne dotyczące trójkątów, wykorzystując wzory na ich pola i poznane wcześniej twierdzenia, w szczególności twierdzenie Pitagorasa oraz własności okręgu wpisanego w trójkąt i okręgu opisanego na trójkącie; * potrafi stosować twierdzenia o polach figur podobnych przy rozwiązywaniu prostych zadań; * umie zastosować wzory na pole koła i pole wycinka koła przy rozwiązywaniu prostych zadań; | | * potrafi stosować twierdzenie sinusów w zadaniach geometrycznych; * potrafi stosować twierdzenie cosinusów w zadaniach geometrycznych; * potrafi rozwiązywać zadania geometryczne o średnim stopniu trudności, stosując wzory na pola trójkątów, w tym również z wykorzystaniem poznanych wcześniej własności trójkątów; * potrafi rozwiązywać zadania geometryczne, wykorzystując cechy podobieństwa trójkątów, twierdzenie o polach figur podobnych; | | * potrafi stosować w danym zadaniu geometrycznym twierdzenie sinusów i cosinusów; * rozwiązuje zadania dotyczące trójkątów, w których wykorzystuje twierdzenia poznane wcześniej (tw. Pitagorasa, tw. Talesa, tw. sinusów, tw. cosinusów, twierdzenia o kątach w kole, itp.) * potrafi dowodzić twierdzenia, w których wykorzystuje pojęcie pola. | | * potrafi rozwiązywać zadania o podwyższonym stopniu trudności lub wymagające niekonwencjonalnych pomysłów i metod rozwiązywania. * potrafi udowodnić twierdzenie Pitagorasa oraz twierdzenie Talesa z wykorzystaniem pól odpowiednich trójkątów; * potrafi rozwiązywać nietypowe zadania geometryczne o podwyższonym stopniu trudności z wykorzystaniem wzorów na pola figur i innych twierdzeń |
|  |
| **VIII. WIELOMIANY** | | | | | | | |
| * zna pojęcie jednomianu jednej zmiennej; * potrafi wskazać jednomiany podobne; * potrafi rozpoznać wielomian jednej zmiennej rzeczywistej; * potrafi uporządkować wielomian (malejąco lub rosnąco); * potrafi określić stopień wielomianu jednej zmiennej; * potrafi podać przykład wielomianu uporządkowanego, określonego stopnia * potrafi obliczyć wartość wielomianu dla danego argumentu; * potrafi obliczyć wartość wielomianu dla danej wartości zmiennej; * potrafi wykonać dodawanie, odejmowanie i mnożenie wielomianów; * rozumie pojęcie wielomianów równych i potrafi podać przykłady takich wielomianów; * potrafi rozpoznać wielomiany równe; * zna następujące wzory skróconego mnożenia:   (*a* + *b*)3= *a*3 + 3*a*2*b* + 3*ab*2 + *b*3  a3– *b*3= (*a* – *b*)(*a*2+ *ab* + *b*2)  a3+ *b*3= (*a* + *b*)(*a*2– *ab* + *b*2);   * zna wzór an - bn * potrafi podzielić wielomian przez dwumian * potrafi podzielić wielomian przez dowolny wielomian; * potrafi określić krotność pierwiastka wielomianu; * zna twierdzenie Bezouta; * zna twierdzenie o reszcie; * potrafi rozłożyć wielomian na czynniki poprzez wyłączanie wspólnego czynnika poza nawias, zastosowanie wzorów skróconego mnożenia, zastosowanie metody grupowania wyrazów; | * potrafi sprawdzić czy wielomiany są równe; * potrafi rozwiązywać proste zadania, w których wykorzystuje się twierdzenie o równości wielomianów; * sprawnie przekształca wyrażenia zawierające wzory skróconego mnożenia stopnia 3; * potrafi usunąć niewymierność z mianownika ułamka, stosując wzór skróconego mnożenia na sumę (różnicę sześcianów) * potrafi zastosować wzór   an - bn   * potrafi podzielić wielomian przez dwumian liniowy za pomocą schematu Hornera; * potrafi sprawdzić, czy podana liczba jest pierwiastkiem wielomianu; * potrafi stosować twierdzenie Bezouta w rozwiązywaniu zadań; * potrafi stosować twierdzenie o reszcie w rozwiązywaniu zadań; * potrafi wyznaczyć wielomian, który jest resztą z dzielenia wielomianu o danych własnościach przez inny wielomian; * potrafi rozłożyć wielomian na czynniki gdy ma podany jeden z pierwiastków wielomianu i konieczne jest znalezienie pozostałych z wykorzystaniem twierdzenia Bezouta; * potrafi rozwiązywać równania wielomianowe, które wymagają umiejętności rozkładania wielomianów na czynniki poprzez wyłączanie wspólnego czynnika przed nawias, zastosowanie wzorów skróconego mnożenia lub metody grupowania wyrazów; * potrafi rozwiązywać nierówności wielomianowe (korzystając z siatki znaków, posługując się przybliżonym wykresem funkcji wielomianowej) w przypadku gdy wielomian jest przedstawiony w postaci iloczynowej; | | * potrafi wyznaczyć wartość parametru dla którego wielomiany są równe; * potrafi sprawnie wykonywać działania na wielomianach; * rozkłada wyrażenia na czynniki stosując wzory skróconego mnożenia na sześciany; * stosuje wzory skróconego mnożenia na sześciany do rozwiązywania różnych zadań; * przeprowadza dowody algebraiczne z wykorzystaniem wzorów skróconego mnożenia stopnia wyższego niż 2; * potrafi wykorzystać podzielność wielomianów w rozwiązywaniu zadań; * ~~zna i potrafi stosować twierdzenie o wymiernych pierwiastkach wielomianu o współczynnikach całkowitych;~~ * potrafi sprawnie rozkładać wielomiany na czynniki (w tym stosując „metodę prób”); * potrafi rozwiązywać równania i nierówności wielomianowe; | | * potrafi rozwiązywać zadania tekstowe prowadzące do równań i nierówności wielomianowych; | | * potrafi rozwiązywać różne problemy dotyczące wielomianów, które wymagają niestandardowych metod pracy oraz niekonwencjonalnych pomysłów |